

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Хоружий Л.И. Ивановна

Должность: директор института экономики и управления АПК

Дата подписания: 2023.07.11

Уникальный идентификатор документа:

1e90b132d9b0407e7185160b015dddf2cb1e6a9



**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
**«РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ –**  
**МСХА имени К.А. ТИМИРЯЗЕВА»**  
(ФГБОУ ВО РГАУ - МСХА имени К.А. Тимирязева)

Институт экономики и управления АПК  
Кафедра высшей математики

УТВЕРЖДАЮ:

Директор института экономики и  
управления АПК

Хоружий Л.И.

“ 11 ” августа 2022 г.



## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### Б1.О.06.01 Математика

(индекс и наименование дисциплины по учебному плану)

для подготовки бакалавров

ФГОС ВО

Направление/специальность: 44.03.04 «Профессиональное обучение (по отраслям)»

Направленности: экономика и управление, информационные технологии в образовании.

Курс 1

Семестр 1

Форма обучения: очная

Год начала подготовки: 2022

Москва, 2022

Разработчик: Прудкий Александр Сергеевич, к.п.н.

(подпись)

« 31 » 08 2022 г.

Рецензент: Коноплин Н.А. к. ф.-м. н., доцент

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

(подпись)

« 31 » 08 2022 г.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.04 «Профессиональное обучение (по отраслям)» и учебного плана

Программа обсуждена на заседании кафедры высшей математики протокол № 1 от « 31 » 08 2022г.

и.о. зав. кафедрой Прудкий А.С. к.п.н.,

(ФИО, ученая степень, ученое звание)

(подпись)

« 31 » 08 2022 г.

**Согласовано:**

Председатель учебно-методической комиссии института экономики и управления АПК к.э.н., доцент Корольков А.Ф.

(подпись)

« 31 » 08 2022 г.

Заведующий выпускающей кафедрой педагогики и психологии профессионального образования П.Ф. Кубрушко

(подпись)

« 31 » 08 2022 г.

/ Заведующий отделом комплектования ЦНБ

(подпись)

## СОДЕРЖАНИЕ

<b>АННОТАЦИЯ.....</b>	<b>4</b>
<b>1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>5</b>
<b>2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В УЧЕБНОМ ПРОЦЕССЕ .....</b>	<b>5</b>
<b>3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ Б1.О.05 «ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА», СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ.....</b>	<b>5</b>
<b>4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>7</b>
4.1 РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ТРУДОЁМКОСТИ ДИСЦИПЛИНЫ ПО ВИДАМ РАБОТ .....	7
ПО СЕМЕСТРАМ .....	7
4.3 ЛЕКЦИИ, ПРАКТИЧЕСКИЕ/ ЗАНЯТИЯ.....	10
<b>5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ .....</b>	<b>12</b>
<b>6. ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>13</b>
6.1. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ И НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ .....	13
СЛОЖЕНИЕ МАТРИЦ И УМНОЖЕНИЕ МАТРИЦЫ НА ЧИСЛО .....	<b>ОШИБКА! ЗАКЛАДКА НЕ ОПРЕДЕЛЕНА.</b>
6.2. ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ОПИСАНИЕ ШКАЛ ОЦЕНИВАНИЯ .....	16
<b>7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>17</b>
7.1 ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА.....	17
7.2 ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА .....	17
7.4 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ, РЕКОМЕНДАЦИИ И ДРУГИЕ МАТЕРИАЛЫ К ЗАНЯТИЯМ.....	17
<b>10. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ.....</b>	<b>18</b>
<b>11. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ СТУДЕНТАМ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ.....</b>	<b>19</b>
<b>Виды и формы отработки пропущенных занятий.....</b>	<b>19</b>
<b>12. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПРЕПОДАВАТЕЛЯМ ПО ОРГАНИЗАЦИИ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ.....</b>	<b>19</b>
<b>Виды и формы отработки пропущенных занятий .....</b>	<b>20</b>

## Аннотация

### рабочей программы учебной дисциплины Б1.О.06.01 «Математика»

для подготовки бакалавров по направлению

**44.03.04 «Профессиональное обучение (по отраслям)», направленность:  
«экономика и управление», «информационные технологии в  
образовании»**

**Цель освоения дисциплины:** ознакомление бакалавров с основами высшей математики, необходимыми для формулирования и решения проблем образования студента как разносторонне развитой и функционально грамотной личности. Способного применять математический аппарат в любой сфере жизнедеятельности за счет использования современных технических средств, методов контроля и прогнозирования, формирование способностей работать самостоятельно, отыскивать оптимальные решения, использовать законы и методы математики при решении профессиональных задач, проводить теоретические исследования и численный эксперимент, описывать и анализировать экспериментальные данные.

**Место дисциплины в учебном плане:** дисциплина «Математика» включена в базовую часть учебного плана по направлению подготовки 44.03.04 «Профессиональное обучение (по отраслям)», осваивается в 1 семестре.

**Требования к результатам освоения дисциплины:** в результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции: ОПК-1.

**Краткое содержание дисциплины:** элементы высшей алгебры, элементы аналитической геометрии, теория вероятностей, элементы математической статистики.

**Общая трудоемкость дисциплины** составляет 216 часа (6 зач. ед.).

**Промежуточный контроль по дисциплине:** 1 семестр – экзамен.

## **1. Цель освоения дисциплины**

Целью освоения дисциплины «Математика»: ознакомление бакалавров с основами высшей математики, необходимыми для формулирования и решения проблем образования студента как разносторонне развитой и функционально грамотной личности. Способного применять математический аппарат в любой сфере жизнедеятельности за счет использования современных технических средств, методов контроля и прогнозирования, формирование способностей работать самостоятельно, отыскивать оптимальные решения, использовать законы и методы математики при решении профессиональных задач, проводить теоретические исследования и численный эксперимент, описывать и анализировать экспериментальные данные.

## **2. Место дисциплины в учебном процессе**

Дисциплина «Математика» включена в обязательный перечень дисциплин учебного плана базовой Б1.О.06. Модуль "Общепрофессиональный отраслевой" Дисциплина «Математика» реализуется в соответствии с требованиями ФГОС, ОПОП ВО и учебного плана по направлению 44.03.04 «Профессиональное обучение (по отраслям)».

Для освоения дисциплины необходимы знания математики в объеме, предусмотренном базовым уровнем федерального компонента ГОС среднего (полного) общего образования по математике.

Дисциплина «Математика» является предшествующей для дисциплин: «Информатика», «Математическая статистика».

Рабочая программа дисциплины «Математика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья разрабатывается индивидуально с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

## **3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине Б1.О.06.01 «Математика», соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Образовательные результаты освоения дисциплины обучающимся, представлены в таблице 1.

Таблица 1

## Требования к результатам освоения учебной дисциплины

№ п/п	Код компетенции	Содержание компетенции (или её части)	Индикаторы компетенций	В результате изучения учебной дисциплины обучающиеся должны:		
				знать	уметь	владеть
1.	УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	1.1, 1.2, 1.3	Основные источники и методы поиска информации, необходимой для решения поставленных задач, законы и формы логически правильного мышления, основы теории аргументации, сущность и основные принципы системного подхода	осуществлять поиск информации для решения поставленных задач и критически ее анализировать; применять методы критического анализа и синтеза информации, необходимой для решения поставленных задач; применять законы логики и основы теории аргументации при осуществлении критического анализа и синтеза информации, необходимой для решения поставленных задач; грамотно, логично, аргументированно формировать собственные суждения и оценки; отличать факты от мнений, интерпретаций и оценок; применять методы системного подхода при решении поставленных задач	методами системного и критического мышления

#### 4. Структура и содержание дисциплины

##### 4.1 Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 6 зач.ед. (216 часов), их распределение по видам работ семестрам представлено в таблице 2.

##### Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ по семестрам

Вид учебной работы	Трудоёмкость
	час.
<b>Общая трудоёмкость</b> дисциплины по учебному плану	216
<b>1. Контактная работа:</b>	70,4
<b>Аудиторная работа</b>	
<i>лекции (Л)</i>	34
<i>практические занятия (ПЗ)</i>	34
<i>консультации перед экзаменом</i>	2
<i>контактная работа на промежуточном контроле (КРА)</i>	0,4
<b>2. Самостоятельная работа (СРС)</b>	<b>112</b>
<i>контрольные работы (подготовка)</i>	16
<i>самостоятельное изучение разделов,</i>	56
<i>самоподготовка</i>	40
<i>Подготовка к экзамену (контроль)</i>	33,6
Вид промежуточного контроля:	Экзамен

**Тематический план учебной дисциплины**

Наименование разделов	Всего	Аудиторная работа			Внеаудиторная работа СР
		ЛК	ПЗ	ПКР	
Раздел 1 «Элементы высшей алгебры»	24	8	8		24
Раздел 2 «Элементы аналитической геометрии»	24	8	8		24
Раздел 3 «Случайные события»	32	6	6		20
Раздел 4 «Случайные величины»	38	6	6		22
Раздел 5 «Элементы математической статистики»	47	6	6		22
Контактная работа на промежуточном контроле (КРА)	0,4			0,4	
Консультация перед экзаменом	2			2	
<b>Итого по дисциплине</b>	<b>216</b>	34	<b>34</b>	<b>2,4</b>	<b>112</b>

**Раздел 1. Элементы высшей алгебры***Тема 1. Системы линейных уравнений.*

Системы линейных уравнений. Эквивалентные системы и эквивалентные преобразования. Метод Гаусса.

*Тема 2. Матрицы и метод Крамера*

Матрица. Матрица системы. Определитель матриц второго и третьего порядка. Метод Крамера.

*Тема 3. Действия с матрицами*

Разложение определителя по строке, столбцу. Алгебраические дополнения. Сложение матриц и умножение матрицы на число. Умножение матриц. Единичная матрица и обратная матрица.

**Раздел 2. Элементы аналитической геометрии***Тема 1. Аналитическая геометрия на плоскости*

Понятие о системе координат. Координаты на прямой. Прямоугольная декартова система координат на плоскости. Расстояние между точками. Деление отрезка в данном отношении. Уравнение окружности. Уравнение прямой с угловым коэффициентом, угол между прямыми.

*Тема 2. Векторная алгебра*

Векторы на прямой и в пространстве. Координаты вектора. Сложение векторов и умножение вектора на число. Скалярное произведение векторов. Его свойства и скалярное произведение в координатах. Проекция вектора на вектор. Векторное произведение векторов. Его свойства. Векторное произведение в координатах. Смешанное произведение векторов и его геометрический смысл.

**Раздел 3. Случайные события***Тема 1. Вероятность случайного события*



Случайные события и случайный эксперимент. Статистический смысл вероятности. Классический способ подсчёта вероятности. Геометрические вероятности. Размещения, сочетания перестановки. Принцип произведения.

*Тема 2. Алгебра событий и свойства вероятности*

Действия с событиями и их свойства. Классификация событий: достоверное событие, невозможное событие, несовместные события. Основные свойства вероятности и их следствия: вероятность суммы событий и вероятность противоположного события. Условная вероятность и теорема умножения вероятностей. Полная группа событий. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Последовательные независимые испытания, формулы Бернулли.

**Раздел 4. Случайные величины**

*Тема 1. Дискретные случайные величины*

Случайная величина и её функция распределения. Ряд распределения и математическое ожидание дискретной случайной величины. Биномиальное распределение.

*Тема 2. Непрерывные случайные величины*

Плотность распределения и математическое ожидание непрерывной случайной величины. Равномерное распределение. Показательное распределение и функция надежности.

*Тема 3. Свойства математического ожидания и дисперсии*

Дисперсия. Свойства математического ожидания и дисперсии.

*Тема 4. Функции от случайных величин*

Функции от случайных величин. Формулы для дисперсии дискретных и непрерывных случайных величин. Совместное распределение случайных величин. Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания и дисперсии независимых случайных величин.

*Тема 5. Нормальное распределение*

Нормальное распределение. Свойства нормально распределённых случайных величин. Вероятность попадания нормально распределённой случайной величины в заданный интервал, функция Лапласа. Свойства функции Лапласа. Правило трёх сигм.

**Раздел 5. Элементы математической статистики**

*Тема 1. Выборочный метод*

Основная задача математической статистики. Выборочный метод. Статистический ряд, вариационный ряд, интервальный вариационный ряд. Гистограмма относительных частот и эмпирическая функция распределения.

*Тема 2. Статистические оценки*

Статистические оценки и их свойства. Оценки вероятности, математического ожидания и дисперсии. Интервальные оценки математического ожидания и дисперсии.

*Тема 3. Проверка гипотез*

Критерий Пирсона для проверки гипотезы о виде распределения случайной величины.

### 4.3 Лекции, практические/ занятия

#### Содержание лекций, практических занятий и контрольные мероприятия

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций, практических занятий	Формируемые компетенции	Вид контрольного мероприятия	Кол-во Часов
<b>1</b>	<b>Раздел 1. Элементы высшей алгебры</b>				<b>16</b>
	Тема 1. Системы линейных уравнений. Матрицы. Действия над матрицами.	Лекция № 1. Матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами. Определитель матриц второго и третьего порядка. Свойства определителей, сложение и умножение матриц, обратная матрица			4
		Практическое занятие №1-2. Определители четвёртого порядка и действия с матрицами	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	4
		Лекция 2. Системы линейных алгебраических уравнений. Эквивалентные системы и эквивалентные преобразования. Метод Гаусса. Метод Крамера. Метод обратной матрицы.			4
		Практическое занятие № 3-4. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса, методом Крамера.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	4
<b>2</b>	<b>Раздел 2. Элементы аналитической геометрии</b>				<b>16</b>
	Тема 1. Аналитическая геометрия на плоскости	Лекция № 1. Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости.			4
		Практическое занятие № 1. Решение задач аналитической геометрии на плоскости.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	4
	Тема 2. Векторная алгебра	Лекция № 2. Векторы на плоскости и в пространстве. Векторное пространство.			4
		Практическое занятие № 2. Задачи с применением векторов.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	4
<b>3</b>	<b>Раздел 3. Случайные события</b>				<b>12</b>

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций, практических занятий	Формируемые компетенции	Вид контрольного мероприятия	Кол-во Часов
	Тема 1. Вероятность случайного события	Лекция № 1. Статистический смысл вероятности и классический способ вычисления вероятности. Сочетания, размещения перестановки.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3		3
		Практическое занятие № 1. Применение классического способа вычисления вероятности. Применение классического способа вычисления вероятности с применением комбинаторики.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	3
	Тема 2. Алгебра событий и свойства вероятности	Лекция № 2. События и действия над ними. Свойства вероятности. Условная вероятность.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3		3
		Практическое занятие № 2. Задачи с независимыми событиями. Применение теорем сложения и умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса. Формулы Бернулли.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	3
<b>4</b>	<b>Раздел 4. Случайные величины</b>				<b>12</b>
	Тема 1. Дискретные случайные величины	Лекция № 1. Случайная величина, функция распределения, ряд распределения, плотность распределения.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3		3
	Тема 2. Непрерывные случайные величины	Практическое занятие № 1. Отыскание ряда распределения и математического ожидания	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	3
	Тема 2. Непрерывные случайные величины	Практическое занятие № 2. Задачи с непрерывными случайными величинами	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	3
	Тема 3. Свойства математического ожидания и дисперсии величин	Лекция № 2. Свойства математического ожидания и дисперсии. Функции от случайных величин			3
		Практическое занятие № 3. Разные задачи со случайными величинами	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Решение типовых задач	3
<b>11</b>	<b>Раздел 11. Элементы математической статистики</b>				<b>12</b>

№ п/п	Название раздела, темы	№ и название лекций, практических занятий	Формируемые компетенции	Вид контрольного мероприятия	Кол-во Часов
	Тема 1. Выборочный метод	Лекция № 1. Статистический и вариационный ряд. Обработка экспериментальных данных			3
		Практическое занятие № 1-2. РГР по математической статистике, задания 1 и 2.	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Выполнение расчётно графической работы	2
	Тема 2. Статистические оценки	Лекция № 2. Оценки математического ожидания и дисперсии. Критерий Пирсона			3
		Практическое занятие № 3. РГР по математической статистике задание 3	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Выполнение расчётно графической работы	2
	Тема 3. Проверка гипотез	Практическое занятие № 6. РГР по математической статистике задание 4	ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3	Выполнение расчётно графической работы	2

### Перечень вопросов для самостоятельного изучения дисциплины

№ п/п	Название раздела, темы	Перечень рассматриваемых вопросов для самостоятельного изучения
<b>Раздел 1. Элементы высшей алгебры</b>		
1.	Тема 1. Матричные уравнения. Решение СЛАУ при помощи обратной матрицы	Решение систем уравнений при помощи обратной матрицы (ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 2. Элементы аналитической геометрии</b>		
2	Тема 2. Кривые второго порядка	Кривые второго порядка их уравнения, свойства и графики. (ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3)
<b>Раздел 5. Элементы математической статистики.</b>		
3	Тема 3. Проверка Гипотез.	Прикладные методы проверки гипотез. (ОПК - 1.1, ОПК - 1.2, ОПК-1.3)

## 5. Образовательные технологии

### Применение активных и интерактивных образовательных технологий

№ п/п	Тема и форма занятия	Наименование используемых активных и интерактивных образовательных технологий (форм обучения)
1.	Определение вероятности. Л	Разбор ситуации выигрыша джек-пота в спорт-лотто

## 6. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины

### 6.1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности

#### Типовые задачи для решения на практических занятиях

Задачи к разделу «Элементы высшей алгебры»

1. Вычислить определитель матрицы.

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 2 & 3 & 7 & 10 & 13 \\ 3 & 5 & 11 & 10 & 21 \\ 2 & 7 & 7 & 7 & 2 \\ 1 & 4 & 5 & 3 & 10 \end{pmatrix}$$

2. Решить тремя способами: а) Метод Крамера; б) Методом Гаусса; в) Матричным способом.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = -2 \\ 4x_1 - 3x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 1 \end{cases}$$

3. Дана матрица  $A$ . Найти матрицу  $A^{-1}$  и установить, что  $A \cdot A^{-1} = E$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Задачи к разделу «Векторная алгебра»

4. Написать разложение вектора  $\vec{x}$  по векторам  $\vec{p}, \vec{q}, \vec{r}$

$$\vec{x} = (-2, 4, 7)$$

$$\vec{p} = (0, 1, 2)$$

$$\vec{q} = (1, 0, 1)$$

$$\vec{r} = (1, 2, 4)$$

5. Даны координаты вершин некоторого треугольника  $ABC$   $A(-1; 7)$ ,  $B(1; -4)$ ,  $C(3; 0)$ . Найти: а) уравнение стороны  $AB$ ; б) уравнение высоты, проведенной из точки  $C$ ; в) уравнение медианы, проведенной из точки  $A$ ; г) точку пересечения медианы  $AE$  и высоты  $CD$ ; д) площадь треугольника  $ABC$ .

6. Векторы  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  заданы в пространстве своими координатами. Найти:

а) длину вектора  $2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$ ; б) косинус угла между векторами  $\vec{a} + \vec{b}$  и  $\vec{c} - 2\vec{a}$ .

$$\vec{a} = \{6; 0; -8\}, \vec{b} = \{2; 2; 3\}, \vec{c} = \{1; -1; 4\}$$

Задачи к разделу «Аналитическая геометрия»

7. Написать уравнение прямой проходящей через точки  $A(2;0)$   $B(-1;4)$

8. Написать уравнение прямой проходящей через точку  $A(2;3)$  параллельно прямой  $y=3x-4$

9. Устройство состоит из 5 элементов, 2 из которых изношены. При включении устройства случайным образом включаются 2 элемента. Определить вероятность, что включенными окажутся неизношенные элементы.

10. На семиместную скамейку случайным образом рассаживается 7 человек. Какова вероятность того, что два определенных человека окажутся рядом?

11. Два радиста пытаются принять сигнал передатчика. Первый из них сможет это сделать с вероятностью 60 %, а второй - с вероятностью 80 %, независимо друг от друга. Найти вероятность, что хотя бы одному из них удастся принять сигнал.

12. Для сигнализации об аварии установлены два независимо работающих сигнализатора. Вероятность того, что при аварии сигнализатор сработает, равна 0,95 для первого сигнализатора и 0,9 для второго. Найти вероятность того, что при аварии сработает только один сигнализатор.

13. В двух коробках находятся однотипные диоды. В первой - 20 шт., из них 2 неисправных; во второй - 10 шт., из них 4 неисправных. Наугад была выбрана коробка, а затем из нее наугад был выбран диод. Он оказался неисправным. Найти вероятность того, что он был взят из второй коробки.

14. Радиосообщение может быть передано днем (с вероятностью  $3/4$ ), либо ночью (с вероятностью  $1/4$ ). Из-за помех вероятность его успешного приема составляет днем 60 %, а ночью 80 %. Найти вероятность, что сообщение будет принято.

15. Изделия некоторого производства содержат 5% брака. Найти вероятность того, что среди 600 взятых наугад изделий 25 бракованных.

16. Среди семян ржи имеется 0.2% семян сорняков. Какова вероятность при случайном отборе 5000 семян обнаружить не более 3 семян сорняков?

17. Вероятность появления успеха в каждом испытании равна 0.4. Найти вероятность того, что при 550 испытаниях успех наступит не менее 210 и не более 240 раз.

18. Закон распределения дискретной случайной величины  $X$  задан в виде таблицы. Найти: 1) математическое ожидание  $M(X)$ ; 2) дисперсию  $D(X)$ ; 3) среднее квадратическое отклонение  $\sigma(X)$ ; 4) начальные и центральные моменты первого, второго и третьего порядков. Построить многоугольник распределения.

$x_i$	20	25	30	35	40
$p_i$	0.2	0.3	0.2	0.1	0.2

19. Непрерывная случайная величина  $X$  задана интегральной функцией. Найти: а) дифференциальную функцию  $f(x)$  и построить ее график; б) вероятность того, что в результате испытания  $X$  примет значение, принадлежащее интервалу  $(\alpha, \beta)$ ; в) математическое ожидание  $M(X)$  и среднее квадратическое отклонение  $\sigma(X)$ .

$$F(X) = \begin{cases} 0 & x \leq 2 \\ \frac{(x-2)^2}{9} & 2 < x \leq 5 \\ 1 & x > 5 \end{cases} \quad \alpha = 3; \beta = 4.$$

20. Даны законы распределения независимых случайных величин  $X$  и  $Y$ .  
Найти закон распределения случайной величины  $Z = X + Y$ ,  $M(Z)$ ,  $D(Z)$ ,  $\sigma(Z)$

$X$	1	3	5	$Y$	12	13	15
$p$	0.1	0.7	0.2	$p$	0.5	0.1	0.4

21. Установить степень связи между признаками  $X$  и  $Y$

$X$	5	8	12	17	21
$Y$	1	2	4	7	9

### Примерный перечень вопросов для подготовки к экзамену

1. Система линейных уравнений, решение системы, эквивалентные системы.
2. Метод Гаусса решения системы линейных уравнений
3. Определители второго и третьего порядка
4. Метод Крамера решения системы линейных уравнений
5. Свойства определителя
6. Произведение матриц
7. Единичная матрица и обратная матрица. Пример отыскания.
8. Декартова система координат на плоскости и в пространстве
9. Расстояние между точками с известными координатами. Деление отрезка в данном отношении.
10. Уравнение линии на плоскости, уравнение окружности.
11. Уравнения прямой на плоскости.
12. Угол между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых
13. Векторы, сложение векторов и умножение вектора на число
14. Координаты вектора, их свойства. Скалярное произведение векторов и его свойства. Скалярное произведение в координатах.
15. Определение и каноническое уравнение эллипса.
16. Определение и каноническое уравнение гиперболы.
17. Определение и каноническое уравнение параболы.
18. Статистический смысл вероятности. Относительная частота, случайное событие, случайный эксперимент, вероятность.
19. Классический способ подсчёта вероятности, равновероятные исходы, благоприятные исходы.
20. Геометрические вероятности.
21. Упорядоченные и неупорядоченные наборы, размещения, сочетания, перестановки, принцип произведения, формулы для числа размещений, перестановок, сочетаний.
22. Действия со случайными событиями и их свойства.
23. Невозможное и достоверное события и их свойства.
24. Несовместные события, свойства вероятности и следствия из них.

25. Условная вероятность, теорема произведения вероятностей, независимые события и события независимые в совокупности.
26. Полная группа событий, формулы полной вероятности и Байеса.
27. Последовательные независимые испытания, формулы Бернулли.
28. Случайная величина, её распределение и функция распределения.
29. Ряд распределения и математическое ожидание дискретной случайной величины. Основное свойство ряда распределения.
30. Плотность распределения и математическое ожидание непрерывной случайной величины.
31. Дисперсия, её вычисление для дискретных и непрерывных случайных величин.
32. Свойства математического ожидания и дисперсии.
33. Независимые случайные величины, свойства математического ожидания и дисперсии независимых случайных величин.
34. Биномиальное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
35. Показательное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
36. Нормальное распределение, его параметры, математическое ожидание и дисперсия.
37. Вероятность попадания нормально распределённой случайной величины в заданный интервал, функция Лапласа, её свойства, правило трёх сигм.

## 6.2. Описание показателей и критериев контроля успеваемости, описание шкал оценивания

### Критерии оценивания результатов обучения

Таблица 8

Оценка	Критерии оценивания
Высокий уровень «5» (отлично)	оценку «отлично» заслуживает студент, освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал без пробелов; выполнивший все задания, предусмотренные учебным планом на высоком качественном уровне; практические навыки профессионального применения освоенных знаний сформированы. <b>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – высокий.</b>
Средний уровень «4» (хорошо)	оценку «хорошо» заслуживает студент, практически полностью освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не оценены максимальным числом баллов, в основном сформировал практические навыки. <b>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – хороший (средний).</b>
Пороговый уровень «3» (удовлетворительно)	оценку «удовлетворительно» заслуживает студент, частично с пробелами освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, многие учебные задания либо не выполнил, либо они оценены числом баллов близким к



	минимальному, некоторые практические навыки не сформированы. <b>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – достаточный.</b>
Минимальный уровень «2» (неудовлетворительно)	оценку «неудовлетворительно» заслуживает студент, не освоивший знания, умения, компетенции и теоретический материал, учебные задания не выполнил, практические навыки не сформированы. <b>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, не сформированы.</b>

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 7.1 Основная литература

1. *Шипачев, В. С.* Высшая математика : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. — 8-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-12319-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468424>
2. *Гмурман, В. Е.* Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 12-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 479 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00211-9. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468331>
3. *Гмурман, В. Е.* Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. — 11-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 406 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08389-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/468330>
4. Ключин, В. Л. Высшая математика для экономистов. Задачи, тесты, упражнения : учебник и практикум для вузов / В. Л. Ключин. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 165 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-03124-9. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/510653>.

### 7.2 Дополнительная литература

1. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления, т. I, М.: Интеграл-Пресс, 2000, 415с.
2. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления, т. II, М.: Интеграл-Пресс, 2001, 544с.
3. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике. – М.: Физматлит, 2008, 336с.
4. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. – СПб.: Профессия, 2008, 432с.

### 7.4 Методические указания, рекомендации и другие материалы к занятиям

1. Демина Т.Ю., Иванцова Н.Н., Неискашова Е.В. Высшая математика. Индивидуальные задания – М.: Изд-во РГАУ–МСХА, 2008.
2. Демина Т.Ю., Неискашова Е.В. – Математика: Сборник задач. – М.: Изд-во РГАУ – МСХА имени К.А. Тимирязева, 2013
3. Денисова О.И. Теория вероятностей: Учебное пособие/ О.И. Денисова. М.: Изд-во РГАУ-МСХА, 2017, 110с.

## 8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. <http://www.edu.ru> Российское образование. Федеральный портал (открытый доступ);
2. <http://www.exponenta.ru/> Образовательный математический сайт (открытый доступ);
3. <http://algebraic.ru> - математическая энциклопедия (открытый доступ);
4. <http://mathem.h1.ru> - формулы и справочная информация по математике (открытый доступ);
5. <http://fxyz.ru> - формулы и справочная информация по математике и физике (открытый доступ);
6. <http://mathprofi.ru> - математические формулы и справочные материалы (открытый доступ);
7. <http://www.yandex.ru> Яндекс (открытый доступ);
8. <http://www.google.ru> Гугл (открытый доступ);
9. <http://www.rambler.ru> Рамблер (открытый доступ).

## 10. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Таблица 9

Наименование специальных* помещений и помещений для самостоятельной работы (№ учебного корпуса, № аудитории)	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы**
1	2
28 уч.к., ауд.133	Парты 32 шт. Стулья 1 шт. Доска меловая 1 шт.
12 уч.к., ауд.114	Стол ученический с лавкой на металлокаркасе 16 шт. Доска настенная 3-элементная (меловая) 1 шт.
12 уч.к., ауд.220	Стол ученический на металлокаркасе с подстольем 30 шт. Скамья на металлокаркасе 30 шт. Доска настенная 3-элементная (меловая) 1 шт.
12 уч.к., ауд.225	Стол учебный 17 шт. Стул 24 шт. Доска меловая-магнитная зеленая 1 шт.

Для самостоятельной работы студентов также предусмотрены Читальные залы Центральной научной библиотеки имени Н. И. Железнова РГАУ-МСХА имени К.А. Тимирязева, организованные по принципу открытого доступа и оснащенных Wi-Fi, доступом в Интернет, в том числе 5

компьютеризированных читальных залов, а также комнаты для самоподготовки в общежитии № 5 и № 4.

## **11. Методические рекомендации студентам по освоению дисциплины**

Освоение дисциплины предполагает регулярное посещение аудиторных лекционных и практических занятий.

Для студентов еженедельно проводятся консультации, которые настоятельно рекомендуется систематически посещать всем студентам, у которых возникают проблемы с усвоением нового материала, не справляющимся с заданиями для самостоятельной подготовки, желающим наилучшим образом подготовиться к контрольным работам, тестам.

### **Виды и формы отработки пропущенных занятий**

Студент, пропустивший занятия обязан продемонстрировать знание пропущенного материала, решая задания, аналогичные тем, что были рассмотрены в аудитории. Если же студент не может самостоятельно освоить пропущенный материал, то получает необходимые ему консультации у преподавателя.

## **12. Методические рекомендации преподавателям по организации обучения по дисциплине**

Специфической особенностью дисциплины «Математика» является, с одной стороны, отсутствие предшествующих курсов в процессе обучения в вузе, а с другой – большое количество дисциплин, для которых математика является основополагающей. Это влечет за собой необходимость прикладывать особые усилия для формирования системы основных понятий, используемых для описания важнейших математических моделей и математических методов, раскрытия взаимосвязи этих понятий, формирования навыков самостоятельной работы, организации исследовательской работы.

Вследствие указанных особенностей дисциплины преподавателю следует организовывать занятия с учетом различного уровня подготовки студентов, дифференцируя задания как для самостоятельной подготовки, так и для контроля приобретаемых знаний, умений и навыков.

Следует обратить достаточное внимание на организацию консультаций, которые могут быть как групповые, так и индивидуальные.

Образовательный процесс по дисциплине организован в форме учебных занятий (контактная работа (аудиторной и внеаудиторной) обучающихся с преподавателем и самостоятельная работа обучающихся). Учебные занятия (в том числе по реализации практической подготовки) представлены следующими видами, включая учебные занятия, направленные на практическую подготовку обучающихся и проведение текущего контроля успеваемости:

лекции (занятия лекционного типа);

семинары, практические занятия, лабораторные работы (занятия семинарского типа);  
курсовое проектирование (выполнение курсовых работ);  
групповые консультации;  
индивидуальные консультации и иные учебные занятия, предусматривающие индивидуальную работу преподавателя с обучающимся;  
самостоятельная работа обучающихся;  
занятия иных видов.

На учебных занятиях обучающиеся выполняют запланированные настоящей программой отдельные виды учебных работ, в том числе отдельных элементов работ, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

### **Виды и формы отработки пропущенных занятий**

Студент, пропустивший занятия, обязан предоставить конспект лекций и решение задач, решаемых на пропущенных занятиях, и ответить на вопросы преподавателя о ходе решения задач.

#### **Программу разработал (и):**

Прудкий Александр Сегеевич, кандидат пед. наук \_\_\_\_\_

(подпись)